

## Bogenlänge und Kurvenkrümmung

### Aufgabe 1.

Berechnen Sie die Bogenlänge von  $t = 5$  bis  $t = 12$  für die ebene Kurve

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} 2t \\ \frac{2}{3}\sqrt{t^3} \end{pmatrix}.$$

### Aufgabe 2.

Zu der folgenden Kurve ist die Bogenlänge für  $\pi/4 \leq t \leq \pi/2$  gesucht. Ferner soll die Kurvenkrümmung sowie der Krümmungsradius bestimmt werden.

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} \sin t - \cos t \\ \sin t + \cos t \end{pmatrix}$$

### Aufgabe 3.

Wie groß ist die Bogenlänge der folgenden räumlichen Kurve, wenn der Parameter  $t$  die Werte von 0 bis 1 durchläuft?

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} t \\ t^2/\sqrt{2} \\ t^3/3 \end{pmatrix}$$

### Aufgabe 4.

Berechnen Sie zu der Schraubenlinie

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} 3 \sin 2t \\ 3 \cos 2t \\ 8t \end{pmatrix}$$

- die Bogenlänge von  $t = 0$  bis  $t = \pi$  und
- die Krümmung sowie den Krümmungsradius.