Technische Hochschule Mittelhessen Prof. Dr.-Ing. A. Christidis Fachbereich Mathematik, Naturwissenschaften und Informatik

Klausur Computergrafik für Bachelor-Studierende WS 2011 / 12

Personalien	:
Name, Vorname:	
Matrikolnummor:	
viali incillullillilli.	

Hinweise:

- Die Bearbeitungszeit beträgt 90 Minuten.
- Alle schriftlichen Hilfsmittel sind zugelassen; andere Hilfsmittel, insb. elektr. Rechen- und Kommunikationsapparate, dürfen nicht verwendet werden.
- Ausgesprochene Folgefehler (durch Übertragung falscher Zwischenergebnisse) werden in Folgerechnungen als richtig gewertet.
- Die Aufgaben sollen nur auf diesen Blättern (inkl. Rückseite) bearbeitet werden. Bei Bedarf wird zusätzliches Papier zur Verfügung gestellt.
- Zur sicheren Zuordnung aller Lösungen wird um eine persönliche Kennung (Name u./o. Matrikelnr.) auf allen Blättern gebeten.
- Auf Wunsch darf auch Bleistift verwendet werden.

Zur leichteren Lesbarkeit werden Substantive nur in einem Geschlecht ("Nutzerin") verwendet.

1. Aufgabe (10 Punkte)

a) Sie lernen jemanden kennen, der seit Jahrzehnten als Entwickler auf dem Gebiet der Informationstechnologie t\u00e4tig ist. Sie erfahren, da\u00e3 er ein Verfahren entwickelt hat, mit dem Pa\u00e4bilder nahezu \u00fcberfl\u00fcssig werden: Auf der Grundlage weniger signifikanter Punkte, die im Pa\u00e4 als Raum-Koordinaten gespeichert w\u00e4ren, wird die von ihm erstellte Software eine virtuelle Skulptur erstellen, die (Experten zufolge) weit aussagekr\u00e4ftiger als ein Foto sein wird.

Handelt es sich bei dieser wichtigen Person um einen Experten für Bildbearbeitung, für Bildverarbeitung, für Computergrafik, für alle drei oder für keine von ihnen? Bitte kreuzen Sie die richtige(n) Antwort(en) an!

Experte für Bildbearbeitung
Experte für Bildverarbeitung
Experte für Computergrafik
Experte für keines der vorgenannten Gebiete

b) Jemand zeigt Ihnen zwei Bilder von seiner neuen Implementierung des Linienalgorithmus von Bresenham (Abb. 1.1, Abb. 1.2).

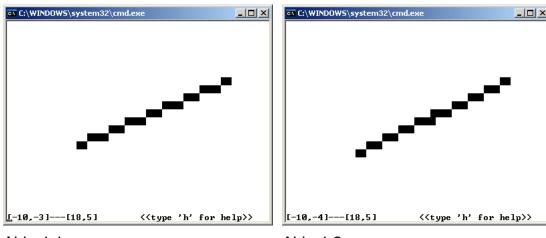


Abb. 1.1 Abb. 1.2

Nach eingehender Betrachtung der Bilder finden Sie heraus, wie sie erzeugt wurden; es handelt sich nämlich

um die nach Bresenham erzeugte Verbindung zweier Punkte, die in beide Richtungen gezogen wurde.
um zwei Linien, die nach Bresenham von benachbarten Startpunkten zu ebenfalls benachbarten Zielpunkten gezogen wurden.
um zwei Linien, die benachbarte Start- und Zielpunkte verbinden und sich kreuzen.
um zwei Bilder einer ganz normalen Bresenham-Implementierung.

2. Aufgabe (45 Punkte)

Sie wollen das Spiel "Schiffeversenken" mit Grafik untermalen (Abb. 2.1) und grafisch darstellen, wie das um die y-Achse (als Linie entlang der z-Achse) modellierte Radar der Länge **2L** am Schiffsmast (Höhe **H**) sich um 90° dreht (Winkel α), während das Schiff von einem Torpedo getroffen wird, noch eine kurze Strecke **S** entlang der x-Achse fährt und dann um 90° (Winkel β) kippt, wodurch das Radar auf der Wasseroberfläche (y=0) zum Liegen kommt.

Sie wollen die dazugehörige Gesamttransformation für das Radar in folgenden vier Schritten berechnen:

- (i) Verschiebung entlang der y-Achse vom Koordinaten-Ursprung bis zur Höhe **H** > 0
- (ii) Drehung um die y-Achse (Winkel α), bis das eine Radar-Ende, das über der negativen z-Achse lag, über die positive x-Achse kommt
- (iii) Verschiebung entlang der x-Achse um die Strecke **S** > 0 und
- (iv) Drehung um die x-Achse (Winkel β), bis sämtliche Ausdehnungen in positiver y-Richtung in ebensolche in positiver z-Richtung übergehen.

Lösen Sie bitte diese Aufgabe, indem Sie nacheinander folgende Fragen bearbeiten:

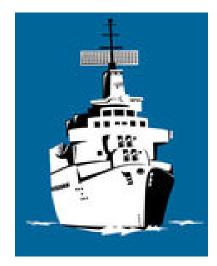


Abb. 2.1

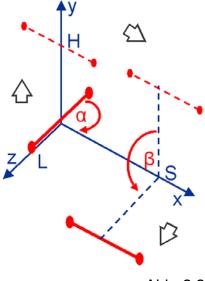


Abb. 2.2

a) Wie lautet die Transformationsmatrix $\underline{\mathbf{T}}_{(i)}$, mit welcher das Radar auf die Höhe H des Mastes über den Koordinaten-Ursprung verschoben wird?

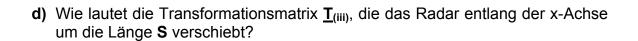
$$\underline{\mathsf{T}}_{(\mathsf{i})} =$$

b) Geben Sie (in Grad, unter Berücksichtigung des Drehsinns) den Winkel α an, um welchen das Radar gedreht wird, damit seine über der negativen z-Achse liegende Hälfte über die positive x-Achse kommt. Geben Sie bitte auch sin α und $\cos \alpha$ an!

 $\alpha = \sin \alpha = \cos \alpha =$

c)	Wie	lautet	die	Trar	nsformationsr	natrix	<u>T</u> (ii)	, die	das	Ra	dar	wie	unter	b)
	besc	hrieber	า um	die y	/-Achse dreh	t und p	aral	llel zı	ur x-A	Achse	ste	ellt? G	Seben	Sie
	sie	bitte s	owoh	l in	symbolische	r (sin	α,)	als	auch	in	arith	metisc	her
	(zah	lenmäß	siger)	Forr	n an!									

$$\underline{\mathsf{T}}_{(ii)} =$$



$$\underline{\mathsf{T}}_{\mathsf{(iii)}} =$$

e) Geben Sie nun bitte (in Grad, unter Berücksichtigung des Drehsinns) den Winkel β an, um welchen das Radar um die x-Achse gedreht wird, damit es auf die o.a. Endstellung kommt. Geben Sie bitte auch $\sin \beta$ und $\cos \beta$ an!

$$\beta = \sin \beta = \cos \beta =$$

f) Wie lautet die Transformationsmatrix $\underline{\mathbf{T}}_{(iv)}$, die das Radar wie unter e) beschrieben um die x-Achse dreht? Geben Sie bitte auch hier sowohl die symbolische als auch die arithmetische Form an!

$$\underline{\mathsf{T}}_{\mathsf{(iv)}} =$$

g) Wie berechnet sich die gesuchte Transformationsmatrix $\underline{\mathbf{T}}_{gesamt}$ für die Koordinaten der Radar-Enden aus den bisher besprochenen Transformationen $\underline{\mathbf{T}}_{(i)}$ bis $\underline{\mathbf{T}}_{(iv)}$?

 $\underline{\mathsf{T}}_{\mathsf{gesamt}} =$

h) Berechnen Sie jetzt bitte die gesuchte Transformationsmatrix $\underline{\mathbf{T}}_{\text{gesamt}}$ nach den obigen Angaben.

i) Berechnen Sie nun bitte auch die Koordinaten der Radar-Enden in ihrer Endstellung. (Eventuelle Folgefehler werden als richtig angerechnet.)

j) Ein Bekannter fragt Sie, ob sich an der Berechnung der Endposition etwas ändern würde, wenn im Szenario der Versenkung das Radar sich erst nach der kurzen Fahrt (Strecke **S**) entlang der x-Achse drehen würde.

Was antworten Sie darauf?

3. Aufgabe (45 Punkte)

Ermutigt durch Ihre Erfolge in der Computergrafik begannen Sie vor langer Zeit, Ihre eigene OpenGL-Version des Spiels "Schiffeversenken" aus der U-Boot-Perspektive zu entwickeln (Abb. 3.1); das erhöhte wiederum Ihren Bekanntheitsgrad, so daß Sie inzwischen für andere Grafik-Projekte abgezogen wurden.

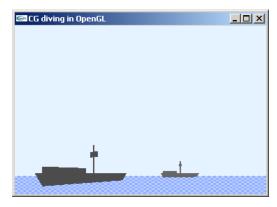


Abb. 3.1

Nach langer Pause erklären Sie nun das von Ihnen einmal erstellte Programm (bestehend aus den Dateien periscope.c, periscope.h, am Ende dieser Unterlage) interessierten Kollegen, die Ihr Werk fortsetzen wollen. Die von Ihnen gewissenhaft eingehaltene Kommentierung hilft Ihnen, sich im alten Code zu orientieren.

Beantworten Sie bitte folgende Fragen:

a) Das GLUT-Fenster wird in main() eingerichtet und besteht aus 360x240 Pixeln. Ihre Nachfolger wollen dies in ein quadratisches Fenster von 200x200 Pixeln umwandeln. Welche Anweisung muß dazu umgestellt werden? (Bitte die geänderte Fassung angeben!) b) Zwei weitere Anweisungen in main() enthalten Angaben über 360 bzw. 240 Pixel. Welche Fenster-Einstellung(en) betreffen sie, und worin unterscheidet sich ihre Wirkung?

c) Die Funktion init() setzt die Löschfarbe und die "Konstruktionsdaten" der (untereinander gleichen) Schiffe nach Abb. 3.1, die alle während des Programmlaufs unverändert bleiben. Durch Verwendung der Konstanten BODY_X und BODY_Y (aus periscope.h), die auch in die globalen Variablen nah und fern eingehen, wird u.a. sichergestellt, daß bei Veränderung der Fenstergröße die Relationen gewahrt bleiben. Bei der Betrachtung der Radar-Abmessungen (doppelt indizierte Variable radar[][]) erkennen Sie, welche geometrische Form es noch in init() hat, nämlich (Zutreffendes bitte markieren):

Quadrat	Quader	Raute	Rechteck	Würfel
Quadrat	Quadei	Raule	Recitleck	vvuilei

d) Die Schiffsfigur wird in der Funktion ship() anhand der Abmessungen in init() gezeichnet. Bei näherer Betrachtung fällt auf, daß init() keine Angaben über die Dimensionen des Mastes enthält (wo das Radar angebracht ist).

Wie ist der Mast realisiert, und worin unterscheidet sich seine perspektivische Darstellung in Höhe, Breite und Tiefe bei nahen und entfernten Darstellungen gegenüber einem kreisrunden, entsprechend schmalen und hohen Zylinder?

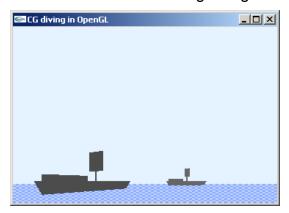
- e) Einem OpenGL-Neuling, der danach fragt, erklären Sie, daß die Koordinaten-Transformationen, die in ship() auf das Radar angewandt werden, in der Reihenfolge ihres Aufrufs bedeuten:
 - (a) Verschiebung um $\frac{3}{4}$ der Mastlänge in y-Richtung (Transformation \underline{T}_T)
 - (b) Rotation um 90° um die x-Achse (Transformation $\underline{\mathbf{T}}_{\mathbf{R}(\mathbf{x})}$)
 - (c) Rotation um 90° um die y-Achse (Transformation $\underline{\mathbf{T}}_{R(y)}$)
 - (d) Skalierung mit Faktor 0,3 entlang der x-, mit 0,6 entlang der y-Achse (Transformation \underline{T}_s). (b.w.) \Rightarrow

Die daraus resultierende Gesamttransformation kann der mathematisch versierte Kollege auch von Hand ausrechnen, als Ergebnis des folgenen Matrizenprodukts (bitte angeben):

 $\underline{\mathsf{T}}_{\mathsf{gesamt}} =$

f) Wie verändert sich die Programm-Grafik von Abb. 3.1, wenn der Aufruf glscalef() von unterster an oberste Stelle der vier Transformationen gesetzt wird?

Bitte kreuzen Sie das dazugehörige Bild an:



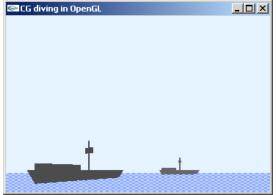
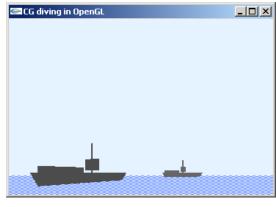


Abb. 3.2a Bitte hier ankreuzen: ()

Abb. 3.2b Bitte hier ankreuzen: ()



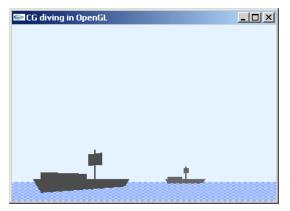


Abb. 3.2c Bitte hier ankreuzen: ()

Abb. 3.2d Bitte hier ankreuzen: ()

Erklären Sie bitte stichwortartig, was Sie veranlaßt hat, sich für eines der obigen Bilder zu entscheiden (ein Argument genügt):

g) Die Funktion seascape() zeichnet das Meer als gemusterte Fläche. Welche indizierten Variablen geben die Farben an, die sich im Muster abwechseln?
Welche der beiden Variablen stellt die hellere Farbe dar, und woran erkennen Sie das?

h) Auf Wunsch Ihrer Freunde erweitern Sie den Code von periscope um ein paar Zeilen so, daß das Muster das ganze Fenster füllt (Abb. 3.3). Man fragt Sie, ob es nicht ein Merkmal (ein Pixel oder eine Pixel-Sequenz) innerhalb des Fensters gibt, woran man überprüfen kann, ob das gewünschte Muster richtig angewandt wurde.

Gibt es eine Stelle, die für ein gegebenes Muster unabhängig von der Fenster-Ausdehnung immer gleich bleibt?

Wenn ja: Welche Stelle ist dies, und wie ist sie beim aktuellen Muster besetzt? (Begründung!)

Wenn nein: Warum kann es eine solche Stelle nicht geben? (Begründung!)

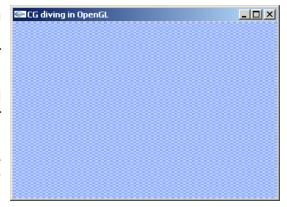


Abb. 3.3

i) Die Organisation der gesamten Szenerie erfolgt in der Funktion <code>draw()</code>. Dort werden auch die beiden Schiffe an unterschiedliche Positionen im Bild gesetzt. Dazu verwendet das Programm das Anweisungspaar <code>glPushMatrix()</code> und <code>glPopMatrix()</code>. Seine Wirkungsweise wird oft plakativ mit den Sätzen: "Merke Dir!" und Erinnere Dich!" umschrieben.

Bitte erläutern Sie kurz, was und zu welchem Zweck hier das Programm periscope sich merken soll, um es wieder abzurufen.

Die Positionierung des Augenpunkts erfolgt in der Funktion positEye(). Dort ist das Sichtvolumen zwar in x-Richtung, nicht aber in y-Richtung symmetrisch um die z-Achse angelegt. Der Versuch, eine Symmetrie auch in y-Richtung einzuhalten, erzeugt eine inakzeptable Szene (Abb. 3.4) mit einem Rand in der Löschfarbe am unteren Ende des Bildes. Dieser Rand läßt sich nur durch einen höher gelegten Augenpunkt vermeiden (Abb. 3.5). Eine solche Maßnahme ist aber mit der U-Boot-Perspektive des Programms unvereinbar.

Beantworten Sie bitte folgende Fragen:

Wie lautet die Anweisung, die (unter Berücksichtigung der Fenster-Abmessungen) ein Sichtvolumen anlegt, das in x- und y-Richtung symmetrisch um die z-Achse liegt?

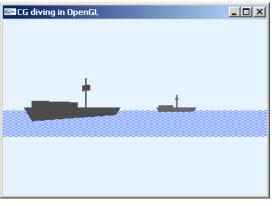


Abb. 3.4

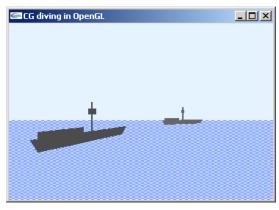


Abb. 3.5

Wie erklären Sie sich (intuitiv, ohne Rechnung) den unteren Rand in Abb. 3.4 und seinen Wegfall in Abb. 3.5 nach Höhersetzen des Augenpunktes (durch Änderung der y-Koordinate im Aufruf glTranslatef())?

k) Jemand fragt Sie, ob es leichter gewesen wäre, das unsymmetrisch angelegte Sichtvolumen mit Anweisungen der GLU-Bibliothek anzulegen (z.B. mit gluPerspective()). Sie anworten, ohne es am Code auszuprobieren.

Wenn ja: Wie erleichtert die GLU-Library Ihre Arbeit an dieser Stelle?

Wenn nein: Warum ist GLU für diese Aufgabe ungeeignet?

```
/* periscope.c */
/*Darstellung eines U-Boot-Periskops mit OpenGL*/
#include "periscope.h"
/*Globale Variablen: */
       tx=0., tz=0., ry=0.,
       clear[3] = \{.9f, .95f, 1.f\}, water[3] = \{.4f, .55f, 1.f\},
       steel[2][3]=\{\{.4f, .4f, .4f\}, \{.3f, .3f, .3f\}\};
GLdouble nah=BODY_X, fern=10*BODY_X;
GLfloat ocean[4][3], body[4][3], bridge[4][3], radar[4][3];
void positEye(void)
/*Augenpunkt positionieren:*/
{ glMatrixMode(GL_PROJECTION);
 glLoadIdentity();
 /*Festlegung des Sichtvolumens:*/
 glFrustum (-180*FOV, 180*FOV, -30*FOV, 210*FOV, nah, fern);
 /*Aktualisierung der Blickrichtung:*/
 glRotatef(-ry, 0., 1., 0.);
 /*Konstanter (y-)Tiefstand, aktualisierte (x-,z-)Position:*/
 glTranslatef(-tx, -BODY_Y, -tz);
/****************************
 void draw(void)
/*Grafik erstellen:*/
{ int j1=0;
 glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT);
 /*Positionierung Augenpunkt:*/
 positEye();
 /*Positionierung Gesamtszenerie:*/
 glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
 glLoadIdentity();
 glTranslatef(0., 0., -(nah+BODY_X));
 /*Zeichnung Ozean:*/
 seascape();
 /*Zeichnung Schiffe:*/
 for (j1=0; j1<2; j1++)</pre>
 { glPushMatrix();
   if (!j1) { glTranslatef(2*BODY_X, 0.f, -5*BODY_X);
            glRotatef(20, 0., 1., 0.); }
           { glTranslatef(-BODY_X, 0.f, -BODY_X);
            glRotatef(60, 0., 1., 0.); }
   glColor3fv (steel[j1]);
   ship();
   glPopMatrix();
 glFlush();
```

```
void seascape(void)
/*Wasser-Oberflaeche zeichnen:*/
{ int j1=0;
 /*Ozean:*/
 glEnable (GL_POLYGON_STIPPLE);
 glPolygonStipple (stip);
 glColor3fv (water);
 glBegin(GL_POLYGON);
   glVertex3fv(ocean[0]); glVertex3fv(ocean[1]);
   glVertex3fv(ocean[2]); glVertex3fv(ocean[3]);
 glEnd();
 glDisable (GL POLYGON STIPPLE);
void init(void)
/*Initialisierungen:*/
 /*Loeschfarbe:*/
 glClearColor (clear[0], clear[1], clear[2], 1.f);
 /*Eckpunkt-Koordinaten Ozean (gegen den UZS, beginnend v.li.):*/
 ocean[0][X] = ocean[1][X] = -fern;
 ocean[2][X] = ocean[3][X] = fern;
 ocean[0][Y] = ocean[1][Y] = ocean[2][Y] = ocean[3][Y] = 0.f;
 ocean[0][Z] = ocean[3][Z] = -fern;
 ocean[1][Z] = ocean[2][Z] = fern;
 /*Abmessungen Rumpf (gegen den UZS, beginnend o.li.):*/
 body[0][X] = -BODY_X*1.1f; body[1][X] = -BODY_X;
 body[2][X] = BODY_X;
                       body[3][X] = BODY_X*1.2f;
 body[0][Y] = body[3][Y] = BODY_Y;
 body[1][Y] = body[2][Y] = 0;
 body[0][Z] = body[1][Z] = body[2][Z] = body[3][Z] = 0.f;
 /*Abmessungen Bruecke (gegen den UZS, beginnend o.li.):*/
 bridge[0][X] = bridge[1][X] = -BODY X;
 bridge[2][X] = bridge[3][X] = -BODY X*.2f;
 bridge[0][Y] = bridge[3][Y] = body[0][Y]*1.5;
 bridge[1][Y] = bridge[2][Y] = body[0][Y];
 bridge[0][Z] = bridge[1][Z] = bridge[2][Z] = bridge[3][Z] = 0.f;
 /*Abmessungen Radar (gegen den UZS, beginnend o.li.):*/
 radar[0][X] = radar[1][X] = -BODY Y;
 radar[2][X] = radar[3][X] = BODY_Y;
 radar[0][Y] = radar[3][Y] = -BODY Y;
 radar[1][Y] = radar[2][Y] = BODY Y;
 radar[0][Z] = radar[1][Z] = radar[2][Z] = radar[3][Z] = 0.f;
 /*Tastendruck simulieren, um Menue auszugeben:*/
 key(' ', 0, 0);
 return;
}
```

```
void ship(void)
/*Ein Schiff zeichnen:*/
{ int j1=0;
 /*Rumpf:*/
 glBegin(GL_POLYGON);
   glVertex3fv(body[0]); glVertex3fv(body[1]);
glVertex3fv(body[2]); glVertex3fv(body[3]);
 glEnd();
 /*Bruecke:*/
 glBegin(GL_POLYGON);
   glVertex3fv(bridge[0]); glVertex3fv(bridge[1]);
glVertex3fv(bridge[2]); glVertex3fv(bridge[3]);
 glEnd();
 /*Mast:*/
 glLineWidth (2.5);
 glBegin(GL_LINES);
   glVertex3f(0.f,
                  BODY Y, 0.f);
   glVertex3f(0.f, 4*BODY Y, 0.f);
 glEnd();
 /*Radar:*/
 glTranslatef(0.f, 3*BODY_Y, 0.f);
 glRotatef(90.f, 1.f, 0.f, 0.f);
 glRotatef(90.f, 0.f, 1.f, 0.f);
 glScalef(.3f, .6f, 1.f);
 glBegin(GL_POLYGON);
   glVertex3fv(radar[0]); glVertex3fv(radar[1]);
   glVertex3fv(radar[2]); glVertex3fv(radar[3]);
 glEnd();
int main(int argc, char **argv)
/******************************
{ glutInitWindowPosition(360, 240);
 glutInitWindowSize(360, 240);
 glutInit(&argc, argv);
 glutCreateWindow("CG diving in OpenGL");
 glutPositionWindow(360, 240);
 glutDisplayFunc(draw);
 glutKeyboardFunc(key);
 init();
 glutMainLoop();
 return 0;
void key(unsigned char key, int x, int y)
/*Menue und Eingabe-Behandlung:*/
{ const double GRAD = atan(1.) / 45.;
 switch (key)
 { case ESC: exit(0);
   case 'a': ry += 5.; if (ry >= 360) ry-=360; break;
   case 'd': ry -= 5.; if (ry <=-360) ry+=360; break;</pre>
  case 's': tz += BODY_Y*cos(ry*GRAD); tx += BODY_Y*sin(ry*GRAD); break;
  case 'w': tz -= BODY_Y*cos(ry*GRAD); tx -= BODY_Y*sin(ry*GRAD); break;
 } system (CON_CLS);
 printf ("\n\r Press (keeping the GLUT window activated):");
 printf ("\n\n\r <ESC> to quit");
 printf ("\n\r a / d turn 5 deg. l./r. (curr.%7.2f)", ry);
printf ("\n\r s / w go back / on (curr.%5.1f units)", -BODY_Y*tz);
         return; }
 draw();
```

```
/* periscope.h */
#ifndef PERISCOPE H
  #define PERISCOPE_H
  #include <stdio.h> //wg. printf()
  #include <math.h> //wg. sin, cos, atan
  #include <GL/glut.h>
  #define CON_CLS "cls"
  #define ESC
  #define FOV
                     .025 //Field Of View
  #define BODY_X
                      5
                         //Schiffsrumpf
                      1
  #define BODY_Y
  enum \{X=0, Y=1, Z=2, W=3\};
  /*Prototypen:*/
 void draw(void);
 void init(void);
 void key(unsigned char key, int x, int y);
 void positEye(void);
 void seascape(void);
 void ship(void);
/*Globale Variable: */
  GLubyte stip[] = {
      0xF0, 0xF0, 0xF0, 0xF0, 0x0F, 0x0F, 0x0F, 0x0F,
      0xF0, 0xF0, 0xF0, 0xF0, 0x0F, 0x0F, 0x0F, 0x0F};
#endif //PERISCOPE_H
```

Platz für Notizen:

