

- Punkt-Trfn = Matrizen-Multiplikationen von links (s.o.):

$$\underline{v}_{\text{neu}} = \underline{I}_n \cdot (\dots) \cdot \underline{I}_2 \cdot \underline{I}_1 \cdot \underline{v}_{\text{alt}} = \underline{I}_{\text{gesamt}} \cdot \underline{v}_{\text{alt}}$$

- OpenGL: Laden `mat[16]: glLoadMatrix{fd}(mat)`
 Matrizen-Multiplikation: `glMultMatrix{fd}(mat)`

⇒ eigene Matrizen (z.B.: OpenGL bietet keine Scherung)

trans-
poniert!

Aber: OpenGL multipliziert von rechts (engl.: *postmultiply*)

⇒ Aufbau von $\underline{I}_{\text{gesamt}}^T$ in umgekehrter Reihenfolge:

$$\begin{aligned} \underline{C}_0 &= \underline{I} \\ \underline{C}_1 &= \underline{C}_0 \cdot \underline{I}_n^T \\ &(\dots) \\ \underline{C}_i &= \underline{C}_{i-1} \cdot \underline{I}_{n-i+1}^T \\ &(\dots) \\ \underline{C}_n &= \underline{C}_{n-1} \cdot \underline{I}_1^T = \underline{I}_n^T \cdot (\dots) \cdot \underline{I}_2^T \cdot \underline{I}_1^T = \underline{I}_{\text{gesamt}}^T \end{aligned}$$

```
/*Betr.: Matrix Modell-Trf.*/
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);

glLoadIdentity();

glMultMatrixf(TN); /* ... */
glMultMatrixf(T1);
```

C: aktuelle (engl. *current*) Positionierungsmatrix; I: Einheitsmatrix

Bequemer (oft: schneller) als `glLoadMatrix*()`, `glMultMatrix*()`:

- Translation eines Objektes (bzw. lokalen Koord.Systems):
`void glTranslate{fd}(TYPE x,TYPE y,TYPE z);`
(Keine Änderung für (0.,0.,0.))
- Rotation eines Objektes (bzw. lokalen Koord.Systems) um d. Winkel `angle` (in Grad) um eine Achse vom Koord.-Ursprung zum Punkt (`x, y, z`) gegen den Uhrzeigersinn:
`void glRotate{fd}(TYPE angle,TYPE x,TYPE y,TYPE z);`
(Abstand von Achse = Radius „Umlaufbahn“; Keine Änderung für (0.,*,*,*); (0.,0.,0.,0.) zulässig/wirkungslos)
- Skalierungsfaktoren entlang d. Achsen d. Koord.Systems:
`void glScale{fd}(TYPE x,TYPE y,TYPE z);`
(Keine Änderung für (1.,1.,1.); Skalierung mit 0. meist problematisch ⇒ stattdessen: Projektion!)
- Alle OpenGL-Trfn sind Multiplikationen von rechts!

Code-Beispiele:

Vor Viewing & Modeling: Modell-Bezug (wieder-)herstellen:

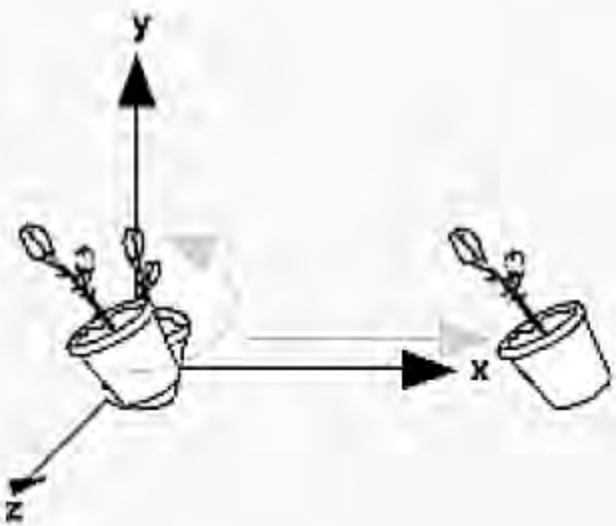
Betr.: Modell

Neuer Start

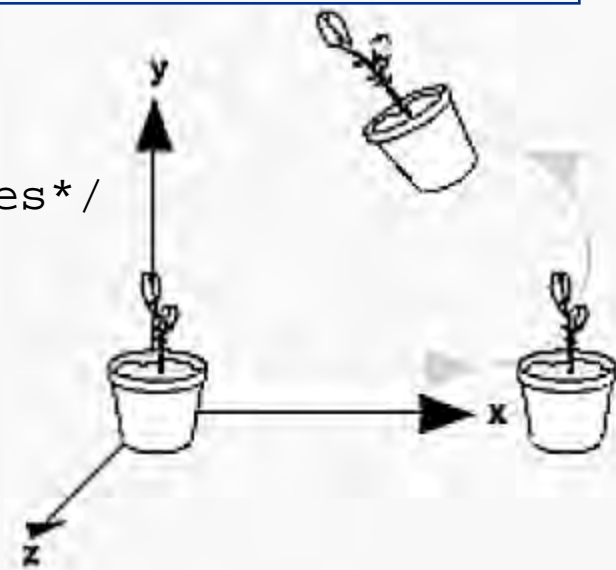
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();
```

Multiplikationen
von rechts mit der
Transponierten

```
glTranslatef(x, 0., 0.);  
glRotatef(angle[Z], 0., 0., 1.);  
glRotatef(angle[Z], 0., 0., 1.);  
glTranslatef(x, 0., 0.);
```



```
glBegin(GL_POLYGON);  
/* (...) */  
/*transformed vertices*/  
glVertex3fv(v1);  
/* (...) */  
glEnd();
```



- Sicht-Transformation bestimmt Lage und Orientierung des Sichtvolumens („Augenpunkt“, „Blickrichtung“); sie wirkt in entgegengesetzter Weise wie die Modellierung: „Virtual Walkthrough“ als Objekt-Trf. in umgekehrter Richtung.
- GLU-Funktion definiert Matrix und multipliziert von rechts:

```
void gluLookAt(  
GLdouble eyex, GLdouble eyey, GLdouble eyez,  
GLdouble centx, GLdouble centy, GLdouble centz,  
GLdouble upx, GLdouble upy, GLdouble upz);
```

mit: **eyex/y/z**: Augenpunkt

centx/y/z: bel. Punkt auf Sichtvolumen-Mittelachse

upx/y/z: Vektor v. unterer zu oberer Sichtvol.-Kante

OpenGL-Voreinst.: Augenpunkt am Ursprung, Blick entlang neg. z-Achse – äquivalent zu (**centz** beliebig):

```
gluLookAt (0.,0.,0., 0.,0.,-100., 0.,1.,0.);
```

*engl. *virtual*: „eigentlich“ (vgl.: das Eigentliche)

- Projektions-Transformation legt Sichtvolumen-Form fest:
 - Art der Projektion (perspektivisch / orthographisch)
 - Objekte (bzw. O.-Teile), die ins Ergebnis-Bild kommen

- Vor Projektions-Transformation sicherstellen:

```
glMatrixMode(GL_PROJECTION);  
glLoadIdentity();
```

Betr.: Sichtvolumen

- Festlegung d. Pyramidenstumpfs für die persp. Projektion und Multiplikation mit der aktuellen Positionierungsmatrix:

```
void glFrustum(GLdouble left , GLdouble right ,  
              GLdouble bottom, GLdouble top ,  
              GLdouble near , GLdouble far );
```

Eckpunkte der Deckfläche: (`left`, `bottom`, `-near`) und (`right`, `top`, `-near`); `far`: Abstand d. Augenpunkts zur Grundfläche des Pyramidenstumpfs. Alle Größen >0.

Tip: Irreal großes Sichtvolumen (z.B. $10^{-3} \dots 10^6$) kann vorläufig helfen, „verlorene“ Objekte („black screen“) wieder zu finden.

- OpenGL-Parallelprojektion (Matrix-Def., -Multiplikation):

```
void glOrtho (GLdouble left, GLdouble right,  
             GLdouble bottom, GLdouble top,  
             GLdouble near, GLdouble far);
```

Sicht-Quader mit Eckpunkten: (left, bottom, -near),
(right, top, -near), (left, bottom, -far),
(right, top, -far); alle Größen >0, near ≠ far.

- Viewport-Festlegung:

```
void glViewport (GLint x, GLint y, GLsizei width,  
               GLsizei height);
```

mit: **x, y**: linke, untere Fenster-Ecke (def.: 0,0)

width, height: Breite, Höhe des generierten Bildes
(def.: Breite, Höhe des Fensters)

Verzerrungen, falls **width : height** ≠ **Breite : Höhe**!

- GLU-Alternative (definiert Matrix u. multipliziert v. rechts) für perspektivische Projektion:

```
void gluPerspective (GLdouble fovy,  
GLdouble aspect, GLdouble near, GLdouble far);
```

mit: **fovy**: Sichtfeld (*field of view*) Sichtwinkel in y-Richtg:
 $0. \leq \text{fovy} \leq 180.$

aspect: Seitenverhältnis d. Sichtfensters (Breite:Höhe)

near, far: Augenpunkt-Abstände (>0) zu Deck- / Grund-
Flächen des Sichtvolumens (*clipping planes*).

glu-Sichtfeld symmetrisch um Sichtvolumen-Mittelachse!

- Modular-hierarchische Modellierung / Animation erfordern mehrfache Zwischenablage v. Matrizen (In eigenen Koord. Systemen modellierte/animierte Roboter-Hand /-Unterarm /-Oberarm – jeweils an linker / rechter R.-Schulter).
- Matrizen-Stapelspeicher für ≥ 32 (`GL_MODELVIEW`) bzw. ≥ 2 (`GL_PROJECTION`, `GL_TEXTURE`, `GL_COLOR`) 4x4-Matrizen.
- Ablage einer Kopie der aktuellen `glMatrixMode()`-Matrix als 2. im Stapel (Verschiebung gespeicherter Mat. um eine Position; kein Einfluß auf darauffolgende Berechnungen):

```
void glPushMatrix(void);          /* "Merke Dir!" */
```

- Aufgeben der aktuellen Matrix (der 1. im Stapel), weitere Verwendung der bisher 2. Stapel-Matrix (Rück-Verschiebung der anderen Matrizen im Stapel):

```
void glPopMatrix(void);         /* "Erinnere Dich!" */
```

(Fehlermeldungen, falls keine Speicherung mehr möglich bzw. noch keine Ablage erhältlich)

- Grundsätzlich: gleiche Farbdarstellg. für alle Geräte-Pixel; Farbdaten auf mehreren (Hw-), „Bitebenen“ (*bitplanes*) = Teilspeicher in Bildspeicher-Dimension mit je 1 Bit / Pixel; Bildspeicher (*framebuffer*) mit 8 Bitebenen können 2^8 , mit 24 (meist: 8R, 8G, 8B) $2^{24}=16.777.216$ Farben darstellen.
- **(Color) Index Mode:** Einmalig (je Fenster) einstellbare Farb-Palette (-Tabelle: engl. *look up table* bzw. *color map*) Bildspeicher (*color buffer*), meist für 256 Farben/Grautöne („8-bit buffer“), jeweils wählbar über Farb-/Grauton-Index
- **RGBA Mode:** Individuelle Pixel-Farbgebung durch R/G/B-Farbwerte, Alpha (1.=opak, def.) für Transparenz u./o. Farbmischung (*blending*) / lineare Berechnung, ggf. Gamma-Korrektur/ RGBA aufwendiger, aber verbreiteter
- Farbmodus nur beim Start (Initialisierung) einmal wählbar
- Farben werden Eckpunkten (*vertices*) zugewiesen

- Farbwerte meist als `float` [0. bis 1.] Interne Umrechnung auf System-Ressourcen – z.B. bei 8 Bitplanes für jede Farbe: $0. = 0/255$; ... ; $1.0 = 255/255$
- Systemabhängig möglich: Bitplane-Aufteilung bei Double Buffering (2x4 Bitplanes je Farbe); OpenGL vorsorglich: Halbton-Darstellung (engl. *dithering*); abstellbar mit:

```
glDisable(GL_DITHER); // def.: glEnable(GL_DITHER)
```

(Denkbare Anwendung: Bilder/Grafiken mit 24 Bitplanes, flimmerfreie Fenster-Verlegung mit Double-Buffering –evtl. in 2 Synchron-Fenstern)

- Wahl des Schattierungsmodells:

```
void glShadeModel (GLenum mode);
```

Zulässige Werte für `mode`:

`GL_FLAT` (Flat – Farbwert einheitlich für ganze Fläche),

`GL_SMOOTH` (Gouraud – def.: Interpolation zwischen individuell berechneten Eckpkt-Farbwerten)