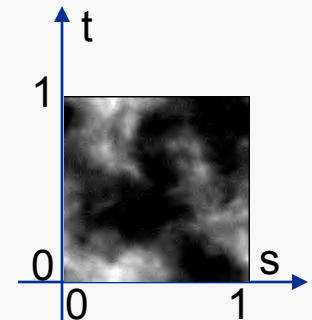


- „**Textur**“ („Gewebe“): Zuordnung v. Zahlen(-sätzen) jedem Punkt einer Objektfläche; typische Anwendung: Bild, d.h. (synthetisch o. fotogr. erzeugte) Helligkeits- o. Farbwerte (alternativ: Zuordnung von Schwankungen d. Reflexionskoeffizienten, von Richtungsänderung der Normalen o.ä.).
- Unterscheidung: Textur-Darstellung als Anwendung im 3D-Raum mit kart. Koordinaten x, y, z vs. als ursprünglicher Werteverlauf/-muster im „Texturraum“ mit Texturkoord. s, t (Funktion, die in der s - t -Ebene jedem Punkt im Intervall $0 \leq s, t \leq 1$ einen Zahlenwert / Zahlensatz zuordnet).
- Bildliche Darstellung von Texturen im Texturraum als matrixartige Anordnung ihrer „**Texel**“
- Codierung: Notwendigkeit der Führung von Listen mit Texturkoordinaten (neben Listen mit Punktkoordinaten, Flächen u. Normalen).

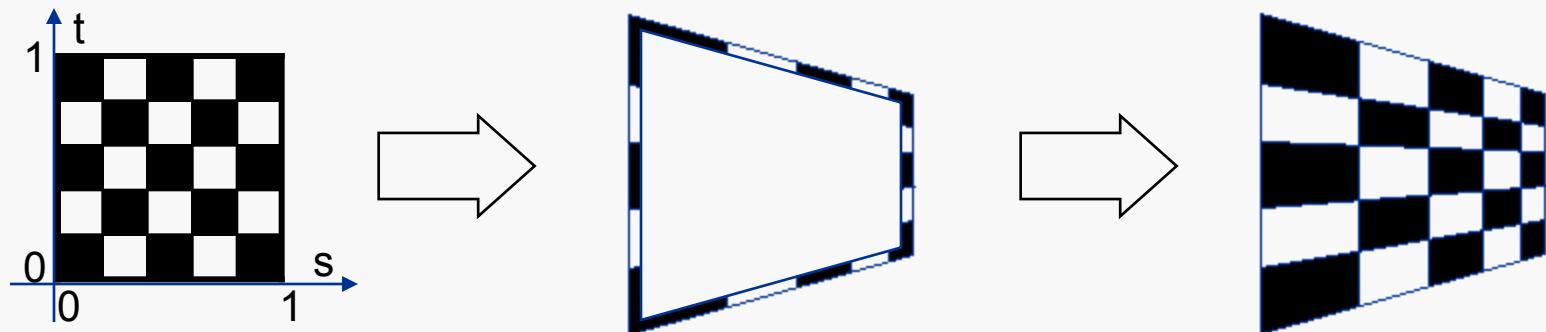


Vorgehensweise vergleichbar zu Gouraud Shading:

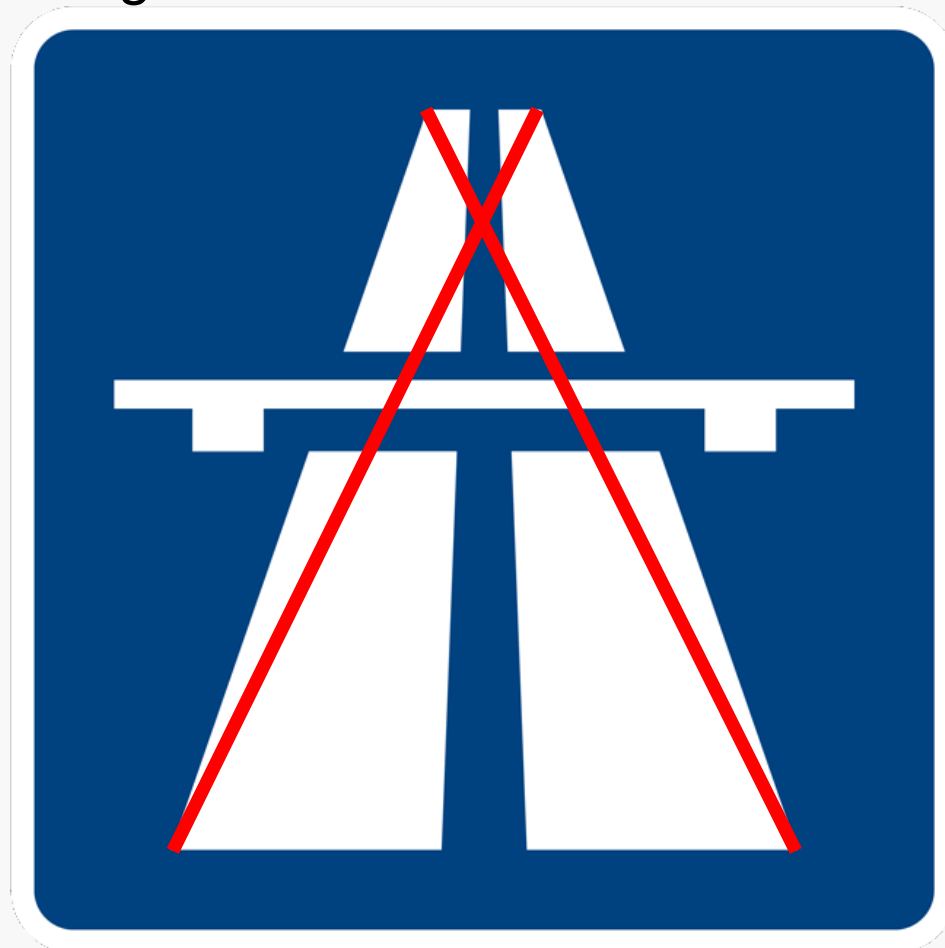
1. Nach Trf. u. Projektion d. Eckpunkte: Zeichnen d. Objektkanten unter Verwendung von Texeln der Texturkanten (Gouraud:...unter Verwendung v.interpolierten Werten zw.Eckpunkten)
2. Flächenfüllen entlang allen Bildzeilen zwischen Pixeln gegenüberliegender Kanten; dazugehörige Texel werden durch Schnitte in die Textur ermittelt (Linienalgorithmus!). (Gouraud:...durch Interpolation zw.gegenüberliegenden Kantenwerten)

Besonders wichtiger / delikater Unterschied zu Gouraud:

- Berücksichtigung der (stark nichtlinearen) perspektiv.Trf.– sowohl beim Kantensetzen als auch beim Flächenfüllen!



- Beispiel für stark nichtlineare Effekte der Perspektive:
Verschiebung des Szenen-Zentrums

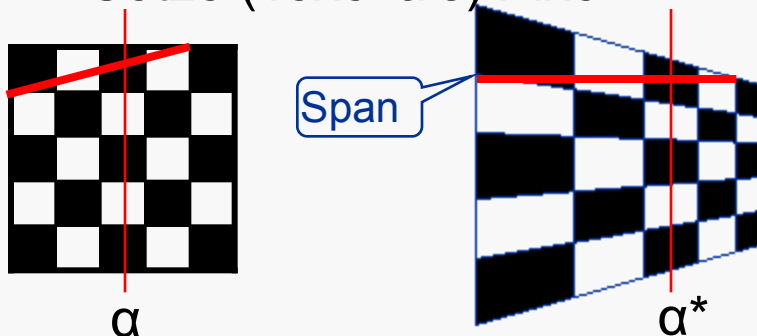


Schritte zur Texturierung einer perspektivisch dargestellten Fläche:

Zeichnen der Flächenkanten:

Für jedes Kantenpixel

- Ermittle Lage zw. projizierten Kantenenden ($0 \leq \alpha^* \leq 1$) •
- Ermittle zugehörige Raum-Tiefe (hom. Koord. w) •
- Ermittle Lage korrespondierenden Kantentexels ($0 \leq \alpha \leq 1$) •
- Merke Kantentexel-Index u. w bei Bildzeilen-Ein-/Austritt
- Setze (Texel als) Pixel



Füllen der Fläche:

Für jede Bildzeile durch Fläche

- Führe Schnitt durch Textur zw. registrierten Kanten-texeln (Linienalgorithmus) u. merke getroffene Texel

Für jedes Span-Pixel

- Ermittle Lage des Pixels zwischen Span-Enden (α^*) •
- Ermittle (aus α^* und w) Lage korrespondierenden Texels in der Textur-Draufsicht (α) •
- Setze (Texel als) Pixel

(•) zu behandelnde Aufgaben

Texturierung

Gegeben: Kanten-Endpunkte $\underline{P}_0=[x_0,y_0,z_0,1]^T$ und $\underline{P}_n=[x_n,y_n,z_n,1]^T$ ($z_0,z_n \leq 0$), die mit einem Projektionszentrum bei $[0,0,N,1]^T$ ($N>0$) auf d.Punkte $\underline{P}_0^*=[x_0^*,y_0^*,0,1]^T$ u. $\underline{P}_n^*=[x_n^*,y_n^*,0,1]^T$ projiziert werden u. bel. Teilungspunkt \underline{P}_α dazwischen mit $\underline{P}_\alpha = \underline{P}_0 + \alpha \cdot (\underline{P}_n - \underline{P}_0)$, $0 \leq \alpha \leq 1$

Gesucht: Lage α^* ($0 \leq \alpha^* \leq 1$) der Projektion \underline{P}_α^* ohne explizite Transf. von \underline{P}_α so, daß gilt: $\underline{P}_\alpha^* = \underline{P}_0^* + \alpha^* \cdot (\underline{P}_n^* - \underline{P}_0^*) = (1 - \alpha^*) \cdot \underline{P}_0^* + \alpha^* \cdot \underline{P}_n^*$

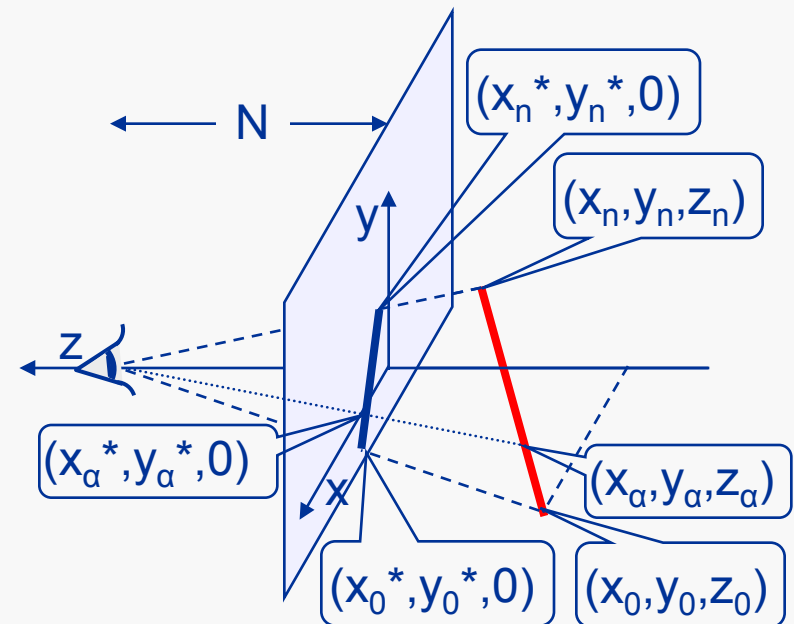
Perspektivische Projektion von (x_i,y_i,z_i) auf $(x_i^*,y_i^*,0)$:

...zur Erinnerung

$$\begin{pmatrix} N & 0 & 0 & 0 \\ 0 & N & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & N \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_i \\ y_i \\ z_i \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Nx_i \\ Ny_i \\ 0 \\ N-z_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} w_i x_i^* \\ w_i y_i^* \\ 0 \\ w_i \end{pmatrix}$$

perspekt. Division \rightarrow

$$\begin{pmatrix} Nx_i/(N-z_i) \\ Ny_i/(N-z_i) \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_i^* \\ y_i^* \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$



Perspektive-Berechnung für \underline{P}_0 , \underline{P}_n und $\underline{P}_\alpha = \underline{P}_0 + \alpha \cdot (\underline{P}_n - \underline{P}_0)$, $0 \leq \alpha \leq 1$:

$$\begin{pmatrix} N & 0 & 0 & 0 \\ 0 & N & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & N \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_0 & x_\alpha & x_n \\ y_0 & y_\alpha & y_n \\ z_0 & z_\alpha & z_n \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Nx_0 & Nx_\alpha & Nx_n \\ Ny_0 & Ny_\alpha & Ny_n \\ 0 & 0 & 0 \\ N-z_0 & N-z_\alpha & N-z_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} w_0 x_0^* & w_\alpha x_\alpha^* & w_n x_n^* \\ w_0 y_0^* & w_\alpha y_\alpha^* & w_n y_n^* \\ 0 & 0 & 0 \\ w_0 & w_\alpha & w_n \end{pmatrix}$$

Aus $w_n = N - z_n$ und $w_0 = N - z_0$ folgt:

$w_n - w_0 = z_0 - z_n$, und daraus, mit $z_\alpha = z_0 + \alpha \cdot (z_n - z_0)$:

$w_\alpha = N - z_\alpha = N - z_0 - \alpha \cdot (z_n - z_0) = N - z_0 + \alpha \cdot (z_0 - z_n)$ bzw.:

$$\mathbf{w}_\alpha = \mathbf{w}_0 + \alpha \cdot (\mathbf{w}_n - \mathbf{w}_0), \text{ d.h.:}$$

In einer perspektivischen Abbildung der Strecke zwischen zwei Punkten \underline{P}_0 , \underline{P}_n bleibt das durch den Punkt $\underline{P}_\alpha = \underline{P}_0 + \alpha \cdot (\underline{P}_n - \underline{P}_0)$ ($0 \leq \alpha \leq 1$) repräsentierte Teilungsverhältnis nicht erhalten. Aber:

Nach der persp. Transformation stehen die **hom. Koordinaten** w_0 , w_n u. w_α d.beteiligten Punkte **im selben linearen Zusammenhang** $\mathbf{w}_\alpha = \mathbf{w}_0 + \alpha \cdot (\mathbf{w}_n - \mathbf{w}_0)$ **wie d. kartesischen** Koordinaten vor dieser Trf.

- Lage α^* ($0 \leq \alpha^* \leq 1$) des Punktes $\underline{P}_{\alpha^*}^* : [x_{\alpha^*}^*, y_{\alpha^*}^*, 0, 1]^T$ zwischen den projizierten Kantenenden \underline{P}_0^* und \underline{P}_n^* ($w_{\alpha^*} = x_{\alpha^*}^*/x_{\alpha^*}^* = y_{\alpha^*}^*/y_{\alpha^*}^*$)
Ansatz mit x_{α} und $x_{\alpha^*}^*$ (y_{α} u. $y_{\alpha^*}^*$ führen zu identischem Ergebnis):

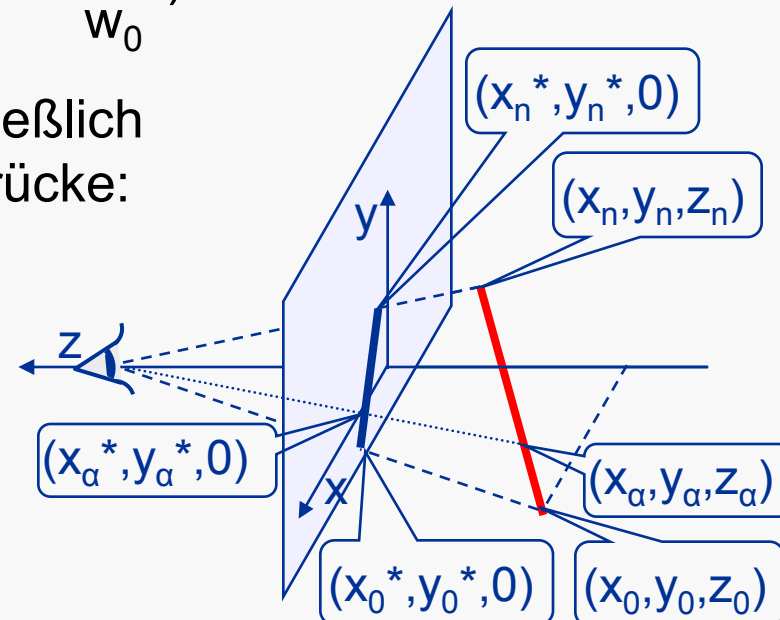
$$x_{\alpha^*}^* = \frac{x_{\alpha}}{w_{\alpha}} = x_0^* + \alpha^* \cdot (x_n^* - x_0^*), \quad \text{bzw.}:$$

$$\frac{x_0 + \alpha \cdot (x_n - x_0)}{w_0 + \alpha \cdot (w_n - w_0)} = \frac{x_0}{w_0} + \alpha^* \cdot \left(\frac{x_n}{w_n} - \frac{x_0}{w_0} \right)$$

Auflösung nach α^* bzw. α ergibt schließlich die koordinaten-unabhängigen Ausdrücke:

$$\alpha^* = \frac{\alpha \cdot w_n}{w_0 + \alpha \cdot (w_n - w_0)}$$

$$\alpha = \frac{\alpha^* \cdot w_0}{w_n + \alpha^* \cdot (w_0 - w_n)}$$



Anmerkungen:

- Die konkrete Modellierung und Positionierung („Schieflage“) einer texturierten Fläche hat keinen Einfluß auf die Anwendbarkeit der obigen Formeln: Die vor der Projektion erfolgten Translationen, Rotationen, Skalierungen und Scherungen sind affine Transformationen; sie erhalten Teilungsverhältnisse von Strecken (und somit auch Farbanteile jeder Bildzeile).

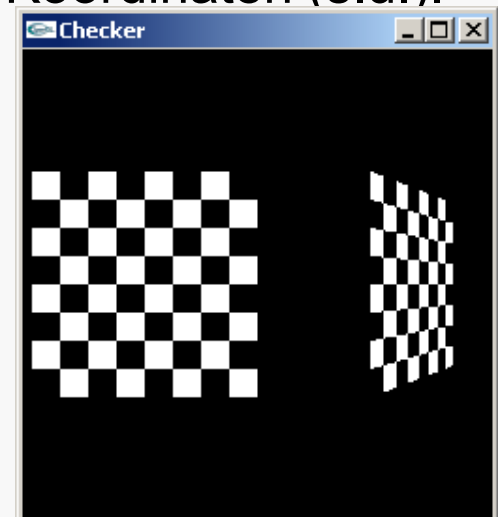
Erst die perspektivische Transformation macht eine Unterscheidung zwischen α und α^* notwendig.

- Anhand der Berechnungen zur Texturierung wird deutlich, daß in den Schattierungsverfahren nicht nur die (bi-)lineare Interpolation, sondern auch die Nicht-Berücksichtigung der Tiefe (d.h.: der homogenen Koordinate) eine Vereinfachung darstellt.

- Modell-Texturierung in OpenGL mit synthetischen oder fotografischen Vorlagen grundsätzlich in 1D (Streifenmuster, Alternative für Schattierung) oder (hier) 2D möglich:

```
glEnable(GL_TEXTURE_2D); //altern.:GL_TEXTURE_1D  
glDisable(GL_TEXTURE_2D);
```

- Nur rechteckige Vorlagen mit Seitenlängen der Form 2^m+2b zulässig ($m \geq 0$, $b \geq 0$); Randbreite b dient zur Farbmittelung am Motivrand. Bei unpassender Wunschbild-Größe: Skalierung o. Einbettung in 2^m -Bild und Einsatz beliebiger Koordinaten (s.u.).
- Texturen sind nur im RGB- bzw. RGBA-Modus einsetzbar: Bitmaps müssen ggf. umgespeichert werden. Texturen im Index-Modus (Farbtabelle) führen zu nicht definierten Ergebnissen.
- Filterung findet in der Texturierung statt: i.d.R. `glShadeModel(GL_FLAT)` sinnvoll.



Wichtig:

- Texturierung erfolgt bei OpenGL zeilenweise, von den kleinen hin zu den großen x- und y-Koordinaten – d.h.: von links unten nach rechts oben!

Für Bilder, die (eindimensional) zwar zeilenweise, aber (in Fensterkoordinaten) von oben nach unten gespeichert sind, bedeutet dies, daß beim Übertragen in den RGB- bzw. RGBA-Modus die Speicherung „auf den Kopf gestellt“ werden muß:

0		w - 1
	(...)	
w · (h-1)		w · h - 1



w · (h-1)		w · h - 1
	(...)	
0		w - 1

(Fenstersystem-Bildspeicherung)

(OpenGL-Texturspeicherung)

OpenGL-Einrichtung zur Echtzeit-Verwaltung mehrerer Texturen:
sog. „Textur-Objekte“ (*Texture Objects*); 4 notwendige Schritte:

1. Vereinbarung programm-interner „Texturnamen“ (**int**-Werte):

```
void glGenTextures(GLsizei n, GLuint *textureNames);
```

setzt **n** (z.Z. freie) „Namen“ hinter eine übergebene Feldadresse

2. Ersteinrichtung u. Nutzung von Textur-Objekten mit d. Funktion:

```
void glBindTexture(GLenum target, GLuint textureName);
```

sie macht immer **textureName** zur aktuellen Textur; beim ersten Aufruf (typisch: in Initialisierungsfkt.) weist sie ihr den Typ **target** zu (d.i. **GL_TEXTURE_1D** oder **GL_TEXTURE_2D**); Wert 0 für **textureName** beendet d. Verwendung v. Textur-Objekten (Rückkehr zur Verwendung einer voreingestellten Textur).

3. Besetzung der aktuellen 1D-Textur mit RGB- / RGBA-Daten:

```
void glTexImage1D (GLenum target, GLint level,  
GLint internalFormat, GLsizei width, GLint border,  
GLenum format, GLenum type, const GLvoid *pixels);
```



(3.) Besetzung der (aktuellen) 2D-Textur mit RGB-/RGBA-Daten:

```
void glTexImage2D (GLenum target, GLint level,
GLint internalFormat, GLsizei width, GLsizei height,
GLint border, GLenum format, GLenum type,
const GLvoid *pixels);
```

mit:

target:GL_TEXTURE_2D (Abfragen: GL_PROXY_TEXTURE_2D)

level: Lfd. Nr. des verwendeten Textur-LoD (Level of Detail);
bei Verwendung einer (insofern: höchsten) Auflösung: 0

internalFormat: einer aus einer größeren Anzahl von (int-)
Parametern, darunter: GL_ALPHA, GL_RGB, GL_RGBA

width, height, border: Textur-Größe, mit:

$width=2^m+2 \cdot border$, $height=2^n+2 \cdot border$, $m \geq 0$, $n \geq 0$

format: Pixel-Format (typisch: GL_RGB oder GL_RGBA)

type: Pixel-Datentyp (typisch: GL_UNSIGNED_BYTE)

pixels: Feld mit Textur-Bilddaten (typisch: GLubyte)

4. Zuordnung Textur- / Objektkoordinaten:

```
void glTexCoord{1234}{sifd}[v](TYPE [*]coords);
```

setzt d.aktuellen Texturkoordinaten für d. nächste/n Eckpunkt/e;
gilt für nachfolgende Aufrufe `glVertex{234}{sifd}[v]()`.

Umgang mit Texturkoordinaten außerhalb d.Intervalls $0 \leq s, t \leq 1$.
und Filterung bei Vergrößerg./Verkleinerg. regelt Aufruf der Fkt.:

```
void glTexParameter{if}[v] (GLenum target,  
    GLenum pname, TYPE [*]param);
```

mit:

target: `GL_TEXTURE_2D` oder `GL_PROXY_TEXTURE_2D`

und typischen Werten für

pname: `GL_TEXTURE_WRAP_S` oder `GL_TEXTURE_WRAP_T` /
`GL_TEXTURE_MAG_FILTER` oder `GL_TEXTURE_MIN_FILTER`

param (entsprechend): `GL_CLAMP` oder `GL_REPEAT` /
`GL_NEAREST` oder `GL_LINEAR`

Beispiele: Verwendung von Texturkoordinaten $0 \leq s, t \leq 2$. bei

```
glTexParameteri(GL_TEXTURE_2D, ... mit
```

```
... GL_TEXTURE_WRAP_S, GL_CLAMP); //to clamp: befestigen
```

```
... GL_TEXTURE_WRAP_T, GL_REPEAT); //to wrap: einwickeln
```

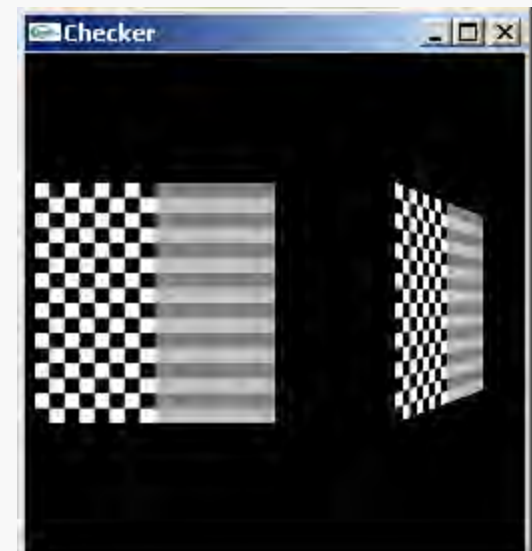
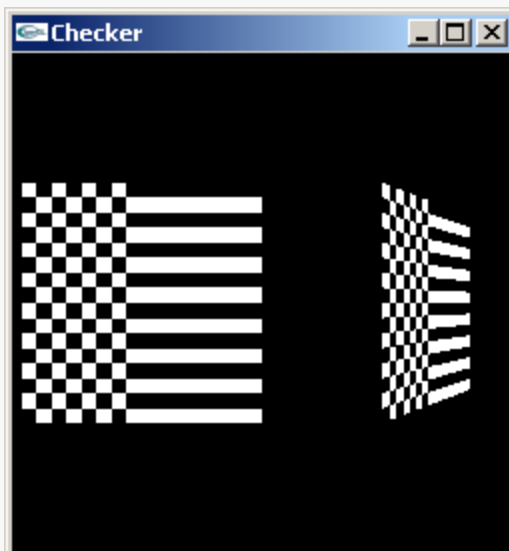
und (links): ... GL_TEXTURE_MAG_FILTER, GL_NEAREST);

```
... GL_TEXTURE_MIN_FILTER, GL_NEAREST);
```

bzw. (rechts): ... GL_TEXTURE_MAG_FILTER, GL_LINEAR);

```
... GL_TEXTURE_MIN_FILTER, GL_LINEAR);
```

magnification
/ minification
filter



Häufig verwendete Parameter für `glTexParameterf()`:

Parameter	Values
<code>GL_TEXTURE_WRAP_S</code>	<code>GL_CLAMP, GL_REPEAT</code>
<code>GL_TEXTURE_WRAP_T</code>	<code>GL_CLAMP, GL_REPEAT</code>
<code>GL_TEXTURE_MAG_FILTER</code>	<code>GL_NEAREST, GL_LINEAR</code>
<code>GL_TEXTURE_MIN_FILTER</code>	<code>GL_NEAREST, GL_LINEAR, GL_NEAREST_MIPMAP_NEAREST, GL_NEAREST_MIPMAP_LINEAR, GL_LINEAR_MIPMAP_NEAREST, GL_LINEAR_MIPMAP_LINEAR</code>
<code>GL_TEXTURE_BORDER_COLOR</code>	any four values in <code>[0.0, 1.0]</code>
<code>GL_TEXTURE_PRIORITY</code>	<code>[0.0, 1.0]</code> for the current texture object

Texturierungsfunktionen als Varianten des Aufrufs:

```
void glTexEnv{if}[v](GLenum target, GLenum pname,  
                    TYPE [*]param);
```

Interessante Kombinationen bei

target: `GL_TEXTURE_ENV`

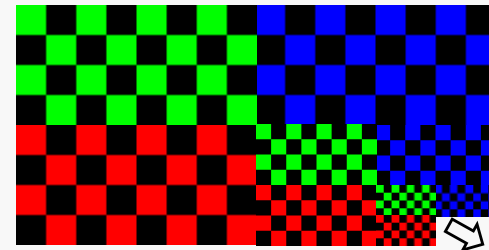
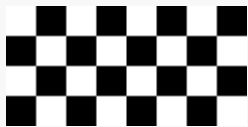
und typischen Werten für

pname: `GL_TEXTURE_ENV_MODE` (oder `GL_TEXTURE_ENV_COLOR`
zum Mischen von Textur- und Hintergrundfarbe)

param: `GL_DECAL` (deckendes “Abziehbild” – meist verwendet),
`GL_REPLACE` (algorithmisch gesteuerte Farb-Übernahme oder
-Verwerfung), `GL_MODULATE` (Textur als Modulierung der
Hintergrundfarbe), `GL_BLEND` (Bildübernahme wie Transparenz).

Artefakte in dynamischen (stark veränderlichen) Szenen: „Sprünge“ bzw. Verzerrungen durch übermäßige Verkleinerung

Gegenmaßnahme: Textur-LoDs (Levels of Detail), sog. **Mipmaps** (Lance Williams, 1983: „multum in parvo map“ – lat./engl.: „Vieles-auf-wenig-Platz-Abbildung“) \Rightarrow Speicherplatz-Erhöhung um 1/3 durch Speicherung kleinerer Auflösungen:



Höchste Auflösung als LoD 0; automatische Ermittlung optimaler Auflösung durch OpenGL zur Laufzeit.

Anmeldung beim System durch wiederholten Aufruf von `glTexImage2D(GL_TEXTURE_2D, 0, ...)` bis zur Kantenlänge (`width, height`) von einem Pixel. Alternativ dazu:

Mipmap-Erzeugung und Anmeldung durch `gluBuild2DMipmaps()`

Weitere interessante OpenGL-Funktionen zur Texturierung:

- Speicherplatz-Freigabe (Löschung) von n Texturen hinter einer Feldadresse mit Textur-Namen:

```
void glDeleteTextures (GLsizei n,  
                      const GLuint *textureNames);
```

- Zuweisung von Prioritäten p ($0. \leq p \leq 1.$, 1. als höchste) im Feld ***priorities** an n Texturen ***textureNames** für den Fall zu knappen Speicherplatzes:

```
void glPrioritizeTextures (GLsizei n, const GLuint  
                          *textureNames, const GLclampf *priorities);
```

- Automatische Generierung von Texturkoordinaten:

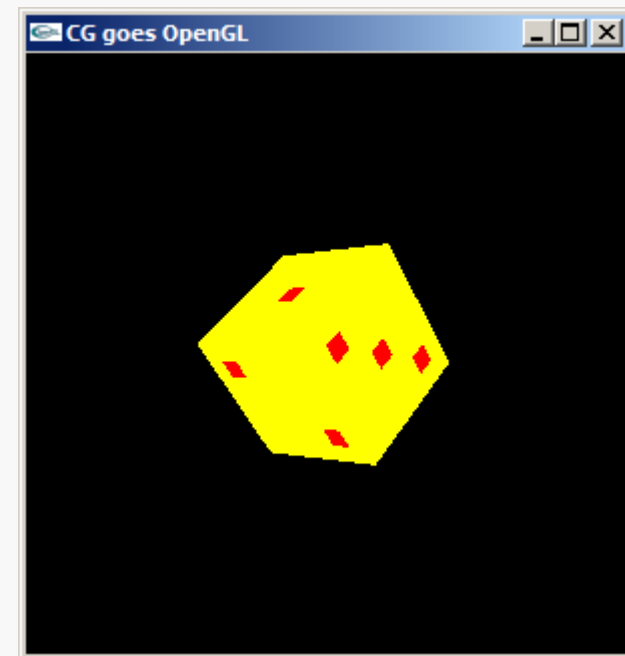
```
void glTexGen{ifd}[v] (GLenum coord,  
                     GLenum pname, TYPE [*]param);
```

- Interne Transformation d. Texturkoordinaten vor d. Texturierung ermöglicht Textur-Animation gegenüber texturiertem Objekt.

⇒ Simulation von Spiegelung, Schattenwurf, Wasser/Brandung

Übung:

Erweiterung des OpenGL-Programms zur Darstellung texturierter 3D-Modelle (s. Übungsblatt).



ObjElabGLaaTx.exe