

Übungsblatt 13

Technische Hochschule Mittelhessen
Lineare Algebra für Informatiker, Prof. Dr. B. Just

Aufgabe 1

Bitte berechnen Sie die Vektorprodukte

- der Vektoren $a = (7, 2, 3)$ und $b = (5, -4, 1)$,
- der Vektoren $a = (7, 2, 3)$ und $b = (1, 1, 0)$,
- der Vektoren $a = (a_1, a_2, 0)$ und $b = (b_1, b_2, 0)$.

Aufgabe 2

Gegeben seien im \mathbb{R}^3 die drei Punkte $p_1 = (1, 1, 1)$, $p_2 = (2, 4, 1)$ und $p_3 = (x, y, z)$.

- Wie groß ist die Fläche des Dreiecks, dessen Ecken der Nullpunkt, p_1 und p_2 sind?
- Bitte finden Sie einen Vektor, der senkrecht auf der Dreiecksfläche steht und Länge 1 hat.
- Wie groß ist das Volumen des von p_1 , p_2 und p_3 (aufgefasst als Vektoren vom Nullpunkt zum jeweiligen Punkt) gebildeten Spats?

Aufgabe 3

Gegeben seien im \mathbb{R}^3 zwei Punkte p_1, p_2 , zwei Geraden g_1, g_2 und zwei Ebenen e_1, e_2 . Dabei ist $p_1 = (2, 3, 4)$, $p_2 = (-2, 2, 2)$.

g_1 ist die Gerade, die durch P_1 und P_2 geht.

$$g_2 = (3, 3, 3) + \lambda \cdot (1, 0, 1).$$

$$e_1 : 2x + 3y - 2z = 1$$

$$e_2 = (3, 3, 3) + \lambda \cdot (1, 0, 1) + \mu \cdot (0, 1, 1).$$

- Bitte geben Sie eine parametrisierte Form von g_1 an.
- Bitte geben Sie eine parametrisierte Form von e_1 an.
- Bitte geben Sie eine Koordinatenform von e_2 an.
- Liegt p_1 auf e_1 ? (Bitte mit Begründung).
- Bitte entscheiden Sie, ob die beiden Ebenen sich schneiden, und bestimmen Sie gegebenenfalls die Schnittgerade.
- Bitte bestimmen Sie den Abstand von p_2 und e_1 .
- Bitte bestimmen Sie den Abstand der beiden Geraden.
- Bitte entscheiden Sie, ob g_1 und e_2 sich schneiden, und bestimmen Sie gegebenenfalls den Schnittpunkt.
- Bitte bestimmen sie den Winkel zwischen den beiden Ebenen (dieser ist definiert als der Winkel zwischen den beiden Normalenvektoren).

Aufgabe 4

Bitte zeigen Sie die folgenden Eigenschaften des Vektorproduktes, dabei sind $S, T \in \mathbb{R}^3$:

- $S \times T$ steht senkrecht auf S und auf T , also auf der ganzen von S und T aufgespannten Ebene.
- Sind S und T Vielfache, $S = \lambda \cdot T$, so ist $|S \times T| = 0$.

Viel Spass und Erfolg